

## Рефераты

### УДК 519.177

О коэффициентах характеристического многочлена лапласиана взвешенного ориентированного графа и теореме о всех минорах. Буслов В. А. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 5–21.

В работе предложен простой вывод коэффициентов характеристического многочлена матрицы Лапласа взвешенного ориентированного графа в виде знакопостоянной суммы по остовым заходящим лесам. Доказательство основывается на представлении лапласиана в виде произведения обобщенных (взвешенных) матриц инцидентности и исследования связи их миноров с древовидной структурой графа, что позволяет определить все миноры лапласиана. Библ. – 15 назв.

### УДК 519.173.1

Дерево разрезов и минимальный  $k$ -связный граф. Карпов Д. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 22–40.

Разрез  $k$ -связного графа — это  $k$ -элементное разделяющее множество, содержащее хотя бы одно ребро. *Дерево разрезов* множества  $\mathfrak{S}$ , состоящего из попарно независимых разрезов  $k$ -связного графа — это двудольный граф, вершины одной доли которого — это разрезы из  $\mathfrak{S}$ , а вершины другой доли — части, на которые эти разрезы разбивают граф. Часть  $A$  смежна с разрезом  $S$  если и только если она содержит все вершины разреза  $S$  и по одному концу каждого его ребра. В статье доказывается, что построенный таким образом граф является деревом и имеет свойства, похожие на свойства классического дерева блоков и точек сочленения.

Во второй части статьи конструкция дерева разрезов применяется для изучения свойств минимальных  $k$ -связных графов при  $k \leq 5$ . Библ. – 11 назв.

### УДК 519.173.1

Минимальные  $k$ -связные графы с минимальным числом вершин степени  $k$ . Карпов Д. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 41–65.

Граф называется  $k$ -связным, если он имеет хотя бы  $k+1$  вершину и остается связным при удалении любых своих  $k-1$  вершин.  $k$ -связный граф называется минимальным, если при удалении любого его ребра граф перестает быть  $k$ -связным. В.Мадер доказал, что минимальный  $k$ -связный граф на  $n$  вершинах содержит как минимум  $\frac{(k-1)n+2k}{2k-1}$  вершин степени  $k$ . В работе доказывается, что любой минимальный  $k$ -связный граф, содержащий наименьшее возможное число вершин степени  $k$ , имеет вид  $G_{k,T}$ , где  $T$  – дерево, степени вершин которого не превосходят  $k+1$ . Граф  $G_{k,T}$  строится из  $k$  непересекающихся копий дерева  $T$ . Для каждой ветвины  $a$  дерева  $T$  обозначим через  $a_1, \dots, a_k$  соответствующие ей вершины копий. Если вершина  $a$  имеет степень  $j$  в дереве  $T$ , то добавляются  $k+1-j$  новых вершин степени  $k$ , смежных с  $\{a_1, \dots, a_k\}$ . Библ. – 10 назв.

УДК 519.173.1

Удаление вершин из двусвязного графа с сохранением двусвязности. Карпов Д. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 66–73.

Пусть  $G$  – двусвязный граф, а  $W$  – множество, состоящее из внутренних вершин непустых частей-блоков графа  $G$  и содержащее не более чем по одной вершине из каждого блока. В работе доказывается, что граф  $G - W$  двусвязен. Библ. – 11 назв.

УДК 519.173.2, 519.174.7

О проблеме типа Хивуда для карт с касаниями. Ненашев Г. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 74–88.

В работе рассмотрен класс таких карт на поверхности рода  $g > 0$ , что в каждой точке сходится не более  $k \geq 3$  областей. Мы изучаем хроматические числа таких карт (области должны быть покрашены в разные цвета, если имеют хотя бы одну общую точку) в зависимости от  $g$  и  $k$ . Получены верхние оценки на эти хроматические числа в общем случае. В случае  $k = 4$  доказана равносильность этой проблемы с нахождением максимального хроматического числа аналогов 1-планарных графов на поверхностях и получена более строгая верхняя оценка, нежели в общем случае, а также приведен метод для построение некоторых примеров, подтверждающих точность этой оценки.

Помимо этого получена верхняя оценка на максимальное хроматическое число аналога 2-планарных графов на поверхности рода  $g > 0$ . Библ. – 8 назв.

УДК 519.173.1

О структуре  $C_3$ -критических минимальных 6-связных графов. Пастор А. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 89–104.

В работе исследуются  $C_3$ -критические минимальные 6-связные графы, то есть 6-связные графы, которые теряют 6-связность при удалении любого ребра и в которых любой полный подграф на не более чем трех вершинах содержится в 6-разделяющем множестве. В работе доказано, что в таком графе более чем  $\frac{5}{9}$  его вершин имеют степень 6. Библ. – 18 назв.

УДК 519.174.1

Почти регулярные разбиения графа. Савенков К. С. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 105–113.

Пусть  $k \leq 8$  – натуральное число, а граф  $G$  на  $n$  вершинах таков, что степень любой его вершины хотя бы  $\frac{k-1}{k}n$ . В статье доказано, что вершины графа  $G$  можно разбить на несколько клик размера не более  $k$ , при этом для любого натурального  $k_0 < k$  клика размера  $k_0$  будет присутствовать в разбиении не более одного раза. Библ. – 2 назв.

УДК 519.173.2, 519.174.7

О графах, которые можно изобразить на ориентируемых поверхностях с малым числом пересечений на ребре. Самойлова О. Е. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. VII. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 427), СПб., 2014, с. 114–124.

Пусть  $k$  и  $g$  – целые неотрицательные числа. Назовем граф  $k$ -почти  $g$ -сферическим, если его можно изобразить на ориентируемой поверхности рода  $g$  так, чтобы каждое ребро пересекало во внутренних точках не более  $k$  других ребер. В работе будет доказано, что при  $k \leq 4$  для любого  $k$ -почти  $g$ -сферического графа на  $v$  вершинах количество рёбер не превосходит  $(k+3)(v+2g-2)$ . Также будет доказано, что хроматическое число  $k$ -почти  $g$ -сферического графа не превосходит  $\frac{2k+7+\sqrt{4k^2+12k+1+16(k+3)g}}{2}$ . Библ. – 4 назв.