

УДК 519.172.1

Оценки количества висячих вершин в остовных деревьях в графах без треугольников. Банкевич А. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 5–17.

В работе доказывается, что у связного графа с обхватом по крайней мере 4, в котором  $s$  вершин степени, отличной от 2, существует остовное дерево, в котором не менее  $\frac{1}{3}(s - 2) + 2$  висячих вершин. Приведена серия примеров, показывающая точность оценки. Этот результат в совокупности с доказанной ранее оценкой для графов без ограничения на обхват (в таких графах можно выделить остовное дерево, в котором не менее  $\frac{1}{4}(s - 2) + 2$  висячих вершин) порождает гипотезу, что для графа с обхватом по крайней мере  $g$  существует остовное дерево, в котором не менее  $\frac{g-2}{2g-2}(s - 2) + 2$  висячих вершин (в этом случае приведённая оценка окажется точной). В работе показано, что эта гипотеза может быть верна только для небольших значений  $g < 10$  и оценка не может быть более сильной, чем  $\frac{7}{16}s$ .

Библ. — 14 назв.

УДК 519.172.1

Оценки количества висячих вершин в остовных деревьях. Банкевич А. В., Карпов Д. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 18–34.

В работе доказывается, что у связного графа, в котором  $s$  вершин степени, отличной от 2, существует остовное дерево, в котором не менее  $\frac{1}{4}(s - 2) + 2$  висячих вершин.

Пусть  $G$  — связный граф обхвата  $g$  на  $v$  вершинах, в котором длина наибольшей цепочки последовательно соединённых вершин степени 2 не превосходит  $k \geq 1$ . Доказывается, что у графа  $G$  существует остовное дерево, в котором не менее  $\alpha_{g,k}(v(G) - k - 2) + 2$  висячих вершин, где  $\alpha_{g,k} = \frac{\lfloor \frac{g+1}{2} \rfloor}{\lfloor \frac{g+1}{2} \rfloor (k+3) + 1}$  при  $k < g - 2$  и  $\alpha_{g,k} = \frac{g-2}{(g-1)(k+2)}$  при  $k \geq g - 2$ .

Библ. — 12 назв.

УДК 519.174.7, 519.176

О графах с большим хроматическим числом, не содержащих маленьких нечётных циклов. Берлов С. Л., Богданов И. И. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семина. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 35–44.

В работе приводятся нижние оценки количества вершин в графе с большим хроматическим числом, не содержащем маленьких нечётных циклов.

Библ. — 6 назв.

УДК 519.173.1

Обобщенные ромашки в  $k$ -связном графе. Глазман А. Л. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семина. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 45–78.

В настоящей статье исследуются  $k$ -элементные разделяющие множества в  $k$ -связном графе. Вводится понятие обобщенной ромашки и доказывается несколько фундаментальных утверждений, касающихся их структуры. После этого рассматриваются обобщенные ромашки в случае  $k = 4$ . Для  $k = 4$  дается полное описание разделяющих множеств, лежащих в обобщенной ромашке.

Библ. — 7 назв.

УДК 519.174.7, 519.179.1

О правильных раскрасках гиперграфов. Гравин Н. В., Карпов Д. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семина. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 79–89.

Пусть  $\mathcal{H}$  — гиперграф с максимальной степенью вершины  $\Delta$ , каждое гиперребро которого содержит не менее, чем  $\delta$  вершин. Пусть  $k = \lceil \frac{2\Delta}{\delta} \rceil$ . Мы докажем, что вершины  $\mathcal{H}$  можно правильным образом покрасить в  $k+1$  цвет (то есть так, чтобы в каждом гиперребре было хотя бы две разноцветных вершины). При  $k \geq 3$  и  $\delta \geq 3$  мы докажем, что вершины  $\mathcal{H}$  можно правильным образом покрасить в  $k$  цветов.

Для графа  $G$  положим  $k = \lceil \frac{2\Delta(G)}{\delta(G)} \rceil$ . В качестве следствия будет доказано существование динамической раскраски графа  $G$  в  $k+1$  цвет, а при  $k \geq 3$  и  $\delta(G) \geq 3$  — в  $k$  цветов.

Библ. — 16 назв.

УДК 519.173.1

Структура разбиения трехсвязного графа. Карпов Д. В., Пастор А. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 90–148.

В работе дается описание структуры трехсвязного графа в терминах разбиения его на части 3-разделяющими множествами. Все 3-разделяющие множества трехсвязного графа разбиваются на сравнительно небольшие группы с просто описываемой структурой, называемые комплексами. В статье дается подробное описание всех рассматриваемых комплексов и их свойств. Далее доказывается, что на множестве всех комплексов можно естественным образом ввести структуру гипердерева, дающую полное описание взаимного расположения комплексов. Библиография — 10 назв.

УДК 519.174.7

Оценка хроматического числа графа пересечения хорд на окружности без  $K_4$ . Ненашев Г. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 149–156.

Пусть  $G$  — граф пересечения хорд на окружности, не содержащий клики на четырех вершинах. В работе доказано, что хорды данного графа можно покрасить правильным образом в 30 цветов. Библиография — 7 назв.

УДК 519.173.1

О локальной структуре 9 и 10-связных графов. Образцова С. А. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семин. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 157–197.

Р. Халин в своей статье (в “Recent Progress in Combinatorics”, Academic Press, 1969) сформулировал задачу о нахождении наибольшей константы  $c_k$ , такой, что количество вершин степени  $k$  в минимальном и минимальном по стягиванию  $k$ -связном графе  $G$  равно по крайней мере  $c_k |G|$ . Двадцатью годами позже Н. Мартиновым и, независимо, М. Фонтэ была найдена константа  $c_4$  ( $c_4 = 1$ ).

В этой статье изучается локальная структура минимального и минимального по стягиванию  $k$ -связного графа и доказывается, что  $c_k \geq \frac{1}{2}$  (для  $k = 9, 10$ ). Этот результат продлевает последовательность  $c_k$ , для которых доказана нижняя оценка  $\frac{1}{2}$  до  $k = 6, 7, 8, 9, 10$ . Библиография — 18 назв.

УДК 519.173.1

О вершинах степени  $k$  минимальных и минимальных относительно стягивания  $k$ -связных графов: верхние оценки. Образцова С. А., Пастор А. В. — В кн.: Комбинаторика и теория графов. III. (Зап. научн. семина. ПОМИ, т. 391), СПб., 2011, с. 198–210.

В статье [4] был задан вопрос о том, какова наибольшая константа  $c_k$ , такая, что количество вершин степени  $k$  в минимальном и минимальном по стягиванию  $k$ -связном графе  $G$  равно по крайней мере  $c_k |G|$ . В настоящий момент для  $k = 4$  известна точная оценка (а именно  $c_4 = 1$ ) и для  $k \geq 5$  неизвестно никаких верхних оценок. В этой статье доказываются верхние оценки для  $c_k$  при всех  $k \geq 5$ . Библ. — 9 назв.